

Prof. Dr. Alfred Toth

Komplementäre Zeichen und Mengen

1. In Toth (2010) wurde gezeigt, dass man gestufte Relationen über Relationen, die mengentheoretisch ein Anti-Fundierungsaxiom benötigen (vgl. Aczel 1988) auf mindestens drei Arten definieren kann:

1.1. Benses „Treppen“-Definition. Bense spricht auch von „Verschachtelung“ (1979, S. 53):

ZR(.1., .2., .3.) =

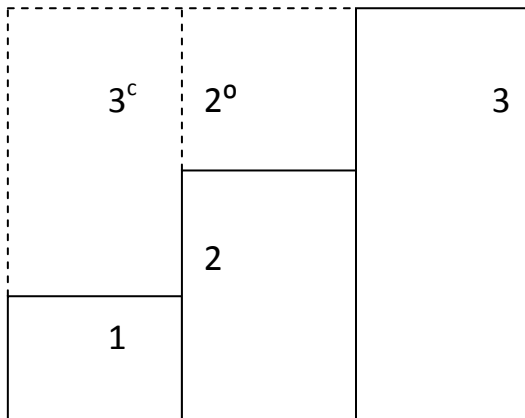
ZR 1.1 1.2 1.3,	1.1 1.2 1.3,	1.1 1.2 1.3
	2.1 2.2 2.3	2.1 2.2 2.3
		3.1 3.2 3.3

Kürzen wir die Zeichenklassen von links nach rechts und von oben nach unten durch grosse lateinische Buchstaben ab, so haben wir

ZR = (A, ((A, B), (A, B, C)))

A ist also in der Teilmenge (A, B) von A sowie in der Teilmenge (A, B, C) von A, die auch (A, B) enthält, enthalten, und (A, B) ist ausserdem Teilmenge der Teilmenge (A, B, C). Da aber ZR = A, B, C, enthält ZR nicht nur sämtliche Teilmengen, sondern auch sich selbst, d.h. $A = \{A\}$, und man benötigt zur Vermeidung des Russellschen Paradoxes das Aczelsche Anti-Fundierungsaxiom, das selbstreferentielle Strukturen wie Mirmanoff-Sequenzen usw. erlaubt.

Das allgemeine Modell sieht wie folgt aus:



mit

$$1 \subset \{2, 3\} \quad \text{und} \quad 1^o = 3^c$$

$$2 \subset \{3\} \quad \text{und} \quad 2^o = 2^c$$

1.2. Das „Aufzugs-Modell“:

Das entsprechende mengentheoretische Zeichenmodell sieht dann wie folgt aus:

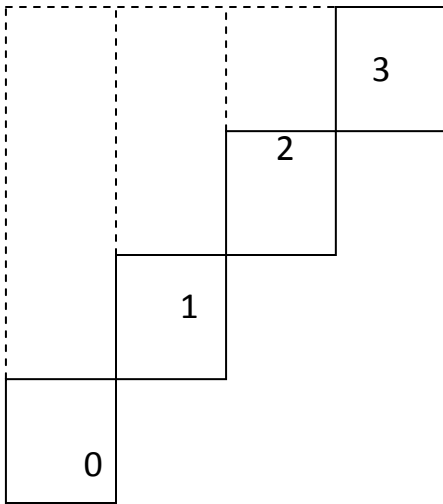
$$ZR = ((M, (M \rightarrow O), (O \rightarrow I))$$

Das Zeichen selbst enthält sich hier also nicht selbst, wohl aber die Fundamentalkategorien, d.h. seine Teilmengen, und zwar gilt

$$M \subset (M \rightarrow O)$$

$$M \subset (O \rightarrow I).$$

Das allgemeine Modell sieht wie folgt aus:



mit

$$0 \subset 1 \subset 2 \subset 3 \quad \text{und} \quad O^c = O^0 + 1^0 + 2^0 + 3^0$$

1.3. Das „Eskalator“-Modell:

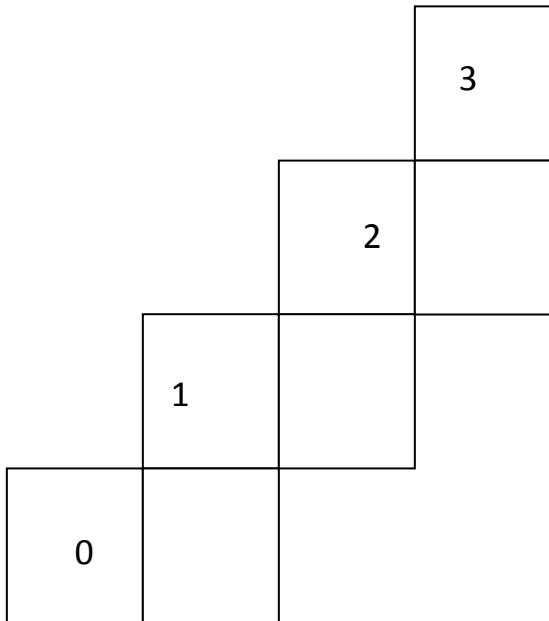
Für die entsprechende triadische Zeichenrelation gilt hier somit

$$M \subset \{O, I\}$$

$$M, O \subset \{I\},$$

d.h. es liegt ebenfalls keine Selbstenthaltung des Zeichens vor, sondern die komplementären Mengen sind in den Mengen enthalten, d.h. M in $\{O, I\}$ und $\{M, O\}$ in $\{I\}$.

Das allgemeine Modell sieht hier also wie folgt aus:



Es gilt hier:

$$0 \subset \{1, 2, 3\} \quad 0^0 \subset 1 \quad 0^0 = 0^c$$

$$0, 1 \subset \{2, 3\} \quad 1^0 \subset 2 \quad 1^0 = 1^c$$

$$0, 1, 2 \subset \{3\} \quad 2^0 \subset 3 \quad 2^0 = 0^c$$

$$3^0 = 3^c$$

und das heisst

$$0^0 + 0 = 0$$

$$1^0 + 1 + 1^c = 1$$

$$2^0 + 2 + 2^c = 2$$

$$3^c + 3 = 3$$

Bibliographie

Aczel, Peter, The Anti Foundaton Axiome. Cambδuidge 1988

Bense, Max, Die Unwahrscheinlichkeit des Ästhetischen. Baden-Baden 1979

Toth, Alfred, Treppe, Eskalator, Lift. In: Electronic Journal of Mathematical Semiotics

31.7.2010